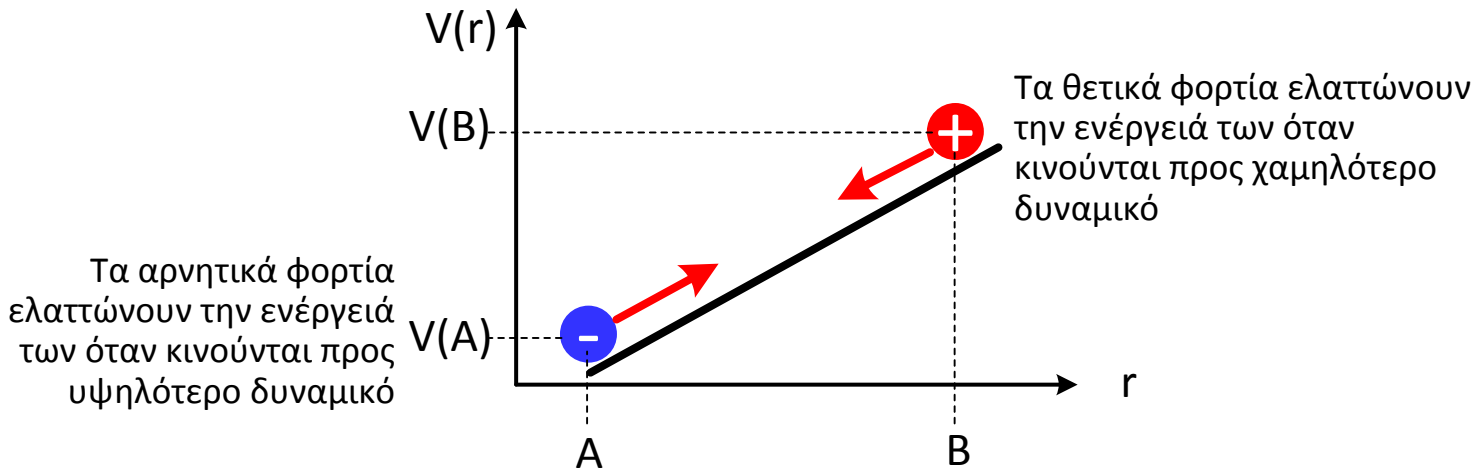
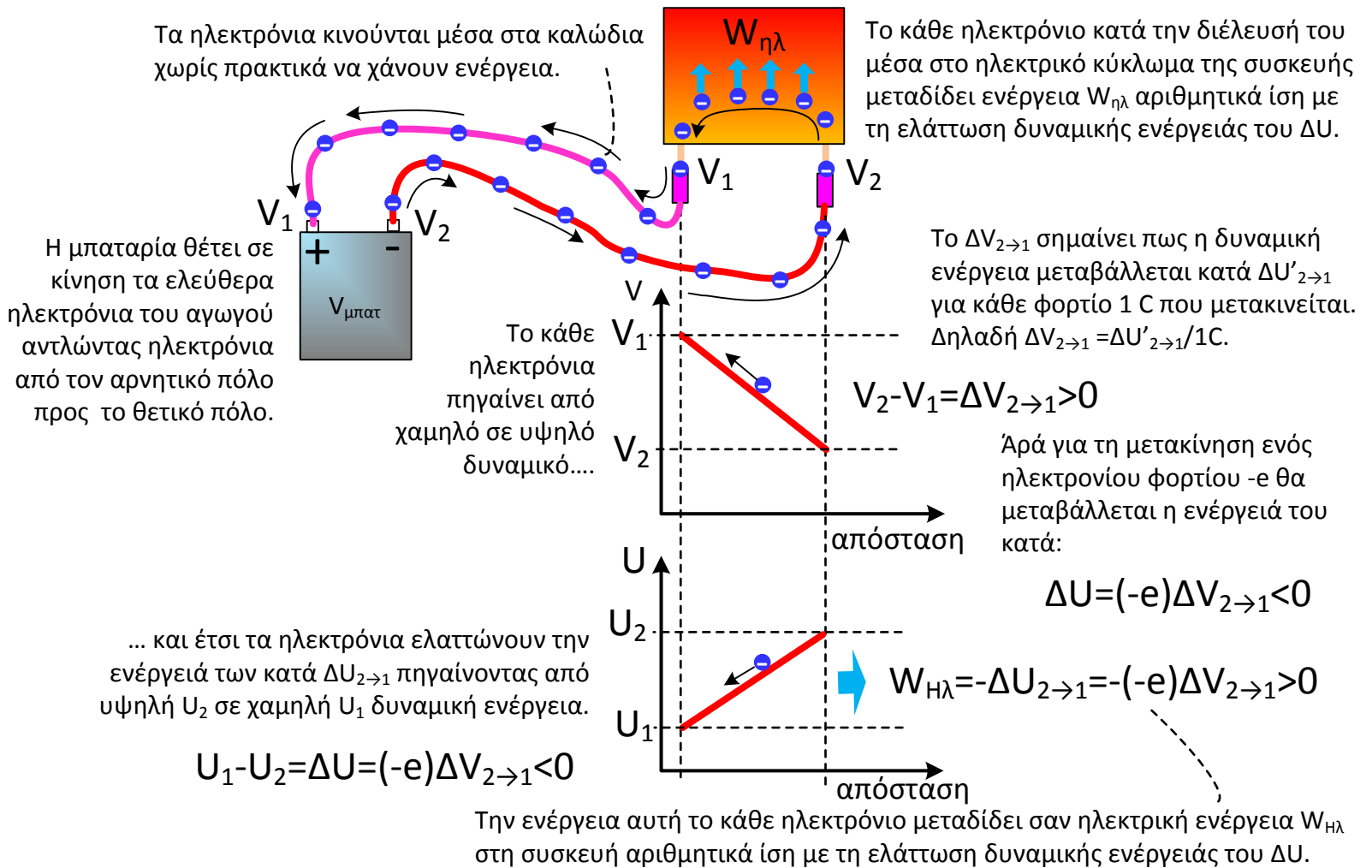


## Τι σημαίνει πρακτικά διαφορά δυναμικού $\Delta V$



Η κίνηση αυτή των ηλεκτρονίων μπορεί να πραγματοποιηθεί μέσα σε αγωγούς και συγκεκριμένα λεπτούς εύκαμπτους μεταλλικούς αγωγούς που συνιστούν τα ηλεκτρικά καλώδια. Έτσι αν εξασφαλίσουμε μια διαφορά δυναμικού  $\Delta V$  στα άκρα των καλωδίων, τότε τα ηλεκτρόνια θα κινηθούν προς τη ηλεκτρική συσκευή μεταδίδοντάς της την ενέργειά των ως εξής.

### Ηλεκτρική συσκευή καταναλωτής



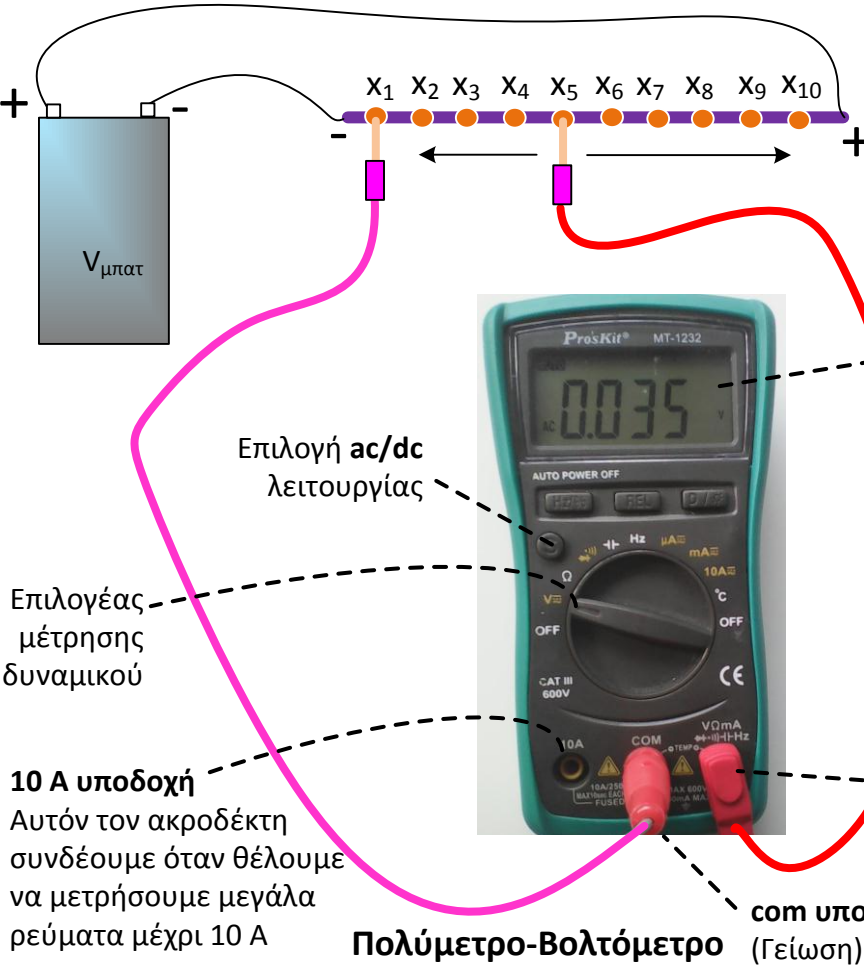
Να βρεθεί το ηλεκτρικό πεδίο κατά μήκος λεπτής μεταλλικής ράβδου της οποίας τα άκρα έχουν συνδεθεί με μια μπαταρία συνεχούς τάσης.

### Πως βρίσκω πειραματικά το ηλεκτρικό πεδίο λεπτής μεταλλικής ράβδου

Λεπτή μεταλλική ράβδος που τα άκρα της συνδέονται μέσω καλωδίων με μπαταρία που παρέχει σταθερή διαφορά δυναμικού  $V_{\text{μπατ}}$  στα άκρα της ράβδου

Θέλουμε να προσδιορίσουμε το ηλεκτρικό πεδίο μέσα στη ράβδο.

Αυτό γίνεται με το να μετρήσουμε με τη βοήθεια πολυμέτρου το οποίο μετράει διαφορές δυναμικού  $\Delta V$  που θα δημιουργηθούν μεταξύ διαδοχικών σημείων:  $x_1, x_2, x_3, \dots$  που ισαπέχουν απόσταση  $\Delta x$ , π.χ. 5 mm, κατά μήκος της ράβδου.



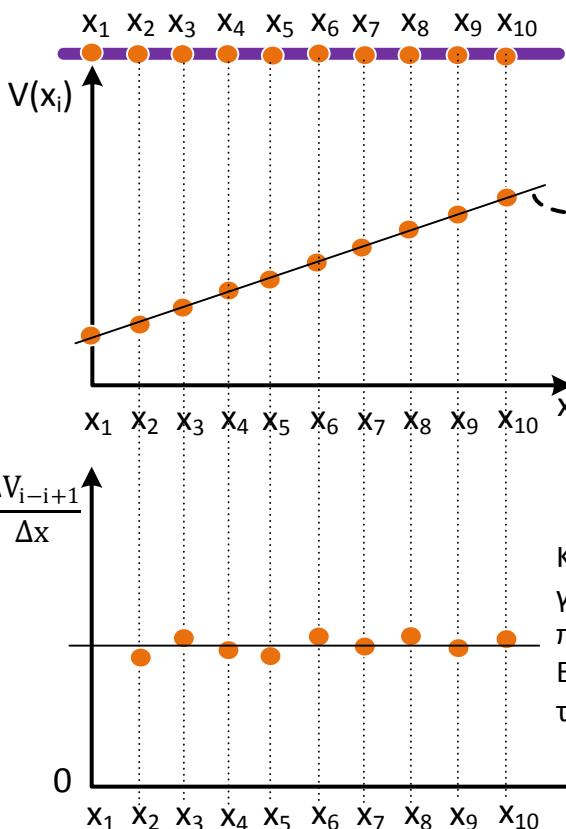
Ένδειξη στην οθόνη της διαφοράς δυναμικού  $\Delta V$  σε Volt μεταξύ των δύο καλωδίων που συνδέονται στην θέση com και V.

Κρατώντας τον ένα ακροδέκτη (com) σταθερό στο άκρο  $x_1$  και το άλλο το ακομπάμε σε κάθε σημείο  $x_i$  και καταγράφουμε τις αντίστοιχες ενδείξεις τις οθόνης  $\Delta V_i$ . Η κάθε  $\Delta V_i$  ισούται με  $\Delta V_i = V_i - V_1$

**mA, V, Ω υποδοχή**  
Αυτόν τον ακροδέκτη συνδέουμε όταν θέλουμε να μετρήσουμε mA, Volt, Ohm

**10 A υποδοχή**  
Αυτόν τον ακροδέκτη συνδέουμε όταν θέλουμε να μετρήσουμε μεγάλα ρεύματα μέχρι 10 A

**Πολύμετρο-Βολτόμετρο** (Γείωση) την συνδέουμε πάντα



Κάνουμε τη γραφική παράσταση των  $\Delta V_i$  συναρτήσει της απόστασης  $x_i$ .

Θα παρατηρήσουμε ότι η  $\Delta V_i$  αυξάνεται από μικρές τιμές, κοντά στο αριστερό άκρο που συνδέεται με το «-» της μπαταρίας, σε μεγαλύτερες τιμές δυναμικού στο δεξί άκρο που συνδέεται με το «+» της μπαταρίας.

Κάνουμε τη γραφική παράσταση του  $E(x_i)$  συναρτήσει της απόστασης  $x_i$ .

Θα παρατηρήσουμε ότι το το ηλεκτρικό πεδίο  $E(x_i)$  κατά της μήκος της λεπτής ράβδου είναι μέσα στο πειραματικό σφάλμα περίπου σταθερό.

$$\Delta V_i = V_i - V_1$$

$$\Delta V_2 = V_2 - V_1$$

$$\Delta V_3 = V_3 - V_1$$

$$\Delta V_4 = V_4 - V_1$$

$$\Delta V_5 = V_5 - V_1$$

$$\Delta V_6 = V_6 - V_1$$

$$\Delta V_7 = V_7 - V_1$$

$$\Delta V_8 = V_8 - V_1$$

$$\Delta V_9 = V_9 - V_1$$

$$\Delta V_{10} = V_{10} - V_1$$

Η διαφορά δυναμικού  $\Delta V_{i+1}$  μεταξύ των διαδοχικών σημείων υπολογίζονται από:

$$\Delta V_{i+1} = \Delta V_{i+1} - \Delta V_i$$

$$\Delta V_{2-3} = \Delta V_3 - \Delta V_2$$

$$\Delta V_{3-4} = \Delta V_4 - \Delta V_3$$

$$\Delta V_{4-5} = \Delta V_5 - \Delta V_4$$

$$\Delta V_{5-6} = \Delta V_6 - \Delta V_5$$

$$\Delta V_{6-7} = \Delta V_7 - \Delta V_6$$

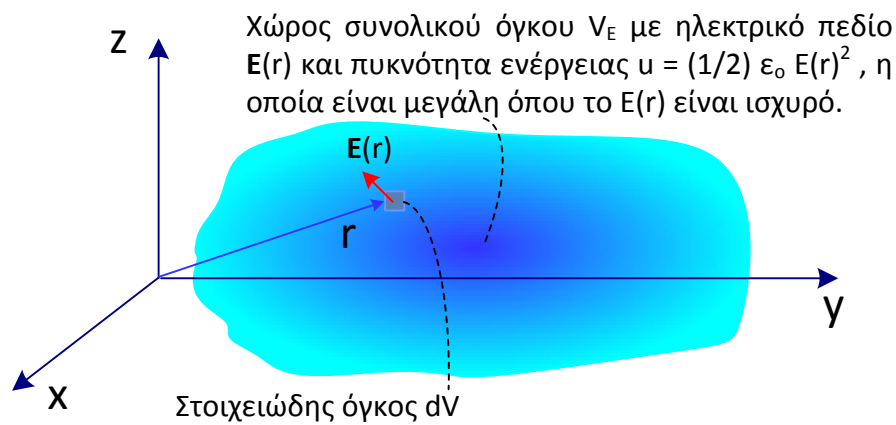
$$\Delta V_{7-8} = \Delta V_8 - \Delta V_7$$

$$\Delta V_{8-9} = \Delta V_9 - \Delta V_8$$

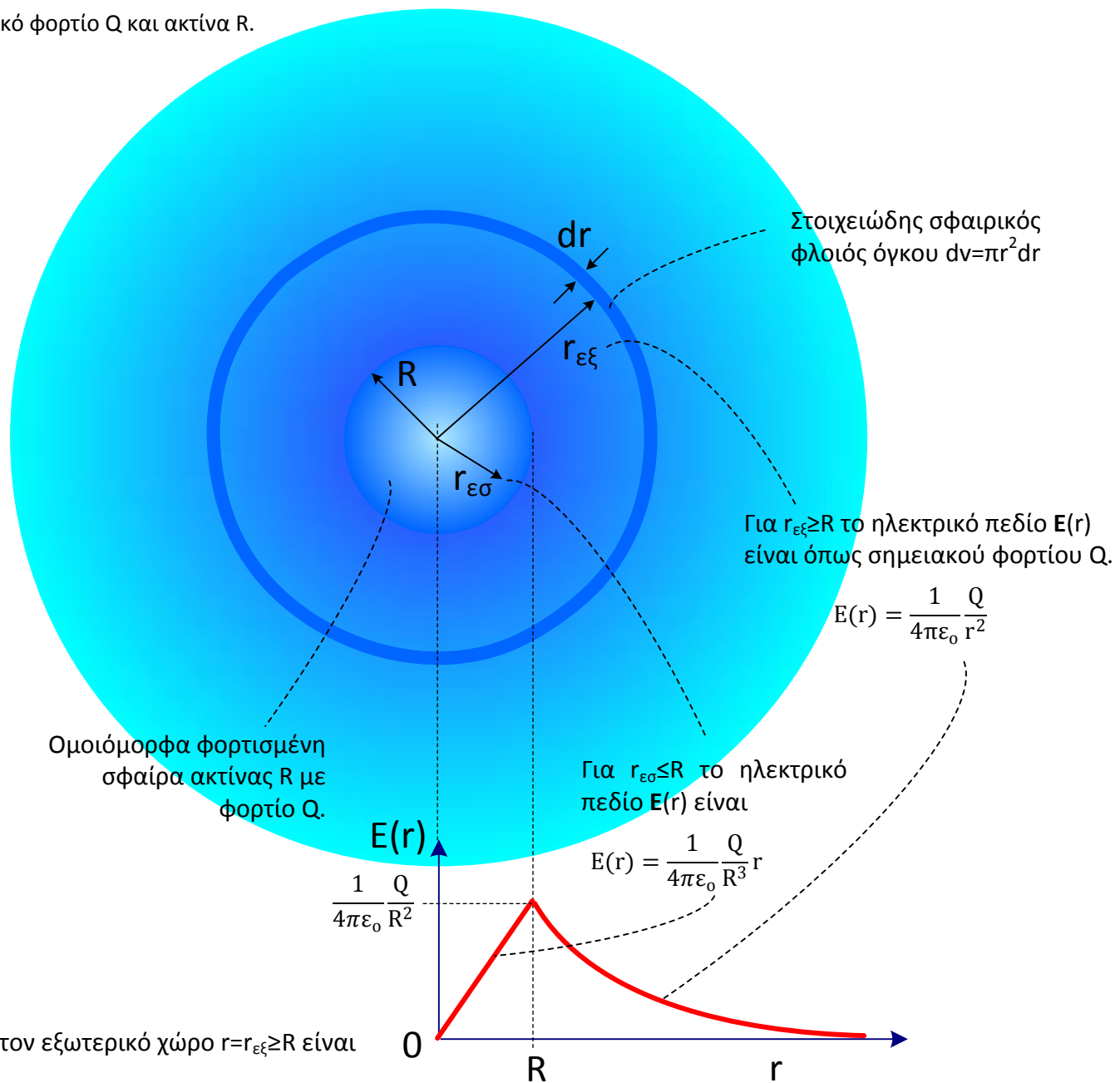
$$\Delta V_{9-10} = \Delta V_{10} - \Delta V_9$$

Η ένταση του ηλεκτρικού πεδίου υπολογίζεται από :

$$E(x_i) \cong - \frac{\Delta V_{i+1}}{\Delta x}$$



Να υπολογιστεί η συνολική ηλεκτρική ενέργεια που είναι αποθηκευμένη σε ομοιόμορφα φορτισμένη σφαίρα με συνολικό φορτίο  $Q$  και ακτίνα  $R$ .



$$U_{\epsilon\xi} = \int_R^{\infty} \frac{1}{2} \epsilon_0 (E(r))^2 dv = \int_R^{\infty} \frac{1}{2} \epsilon_0 \left( \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2} \right)^2 4\pi r^2 dr = \frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0} \int_R^{\infty} \frac{dr}{r^2} = \frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0} \left[ -\frac{1}{r} \right]_R^{\infty} = \frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{Q^2}{R}$$

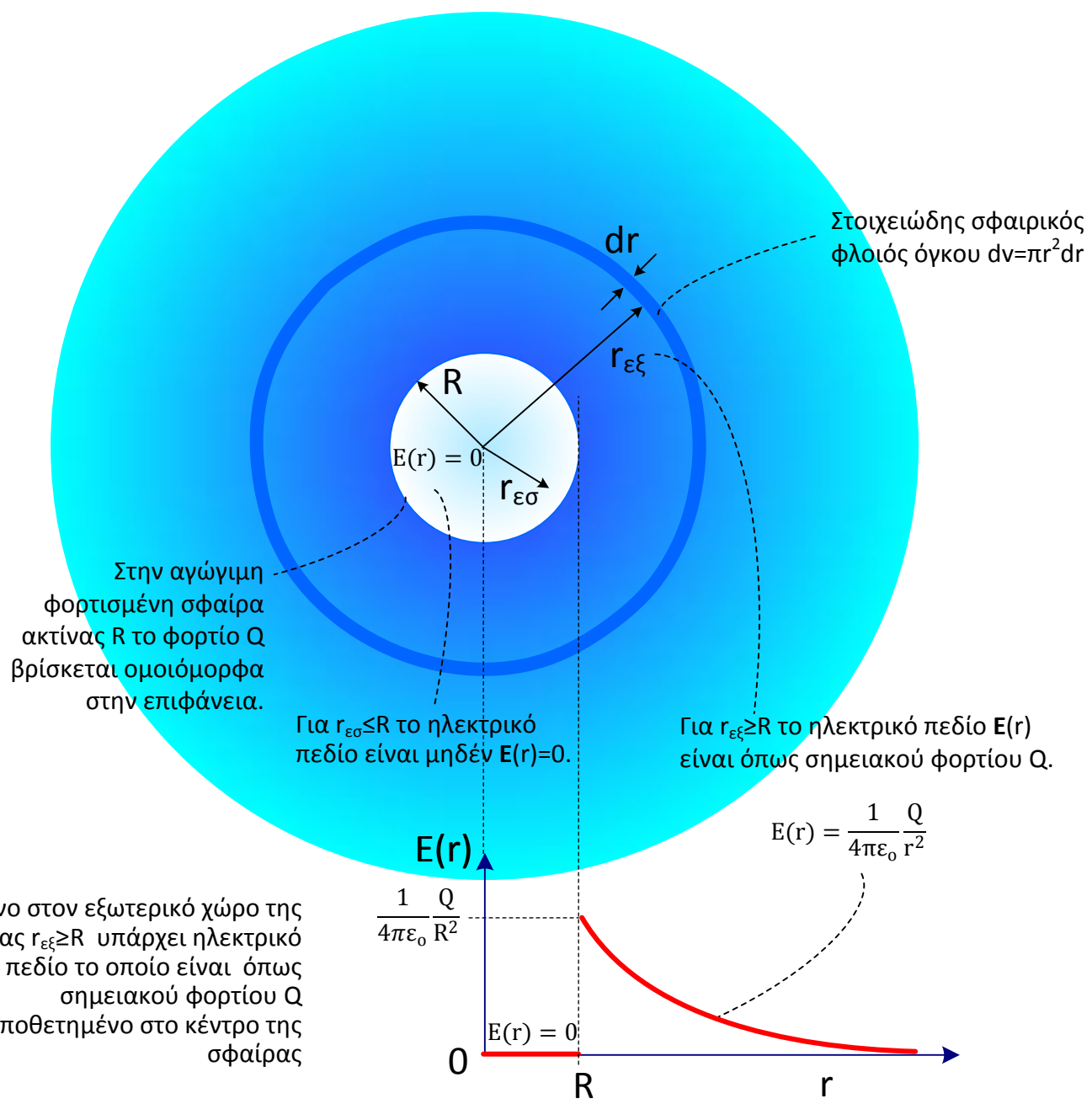
Στο εσωτερικό χώρο  $r_{\epsilon\sigma} \leq R$  η ενέργεια  $U_{\epsilon\sigma}$  είναι

$$U_{\epsilon\sigma} = \int_0^R \frac{1}{2} \epsilon_0 (E(r))^2 dv = \int_0^R \frac{1}{2} \epsilon_0 \left( \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R^3} r \right)^2 4\pi r^2 dr = \frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0 R^3} \int_0^R r^4 dr = \frac{Q^2}{40\pi\epsilon_0 R^6} [r^5]_0^R = \frac{1}{40\pi\epsilon_0} \frac{Q^2}{R}$$

Η συνολική ενέργεια σε όλο το χώρο μέσα και έξω από τη σφαίρα θα είναι

$$U = U_{\epsilon\sigma} + U_{\epsilon\xi} = \frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{Q^2}{R} + \frac{1}{40\pi\epsilon_0} \frac{Q^2}{R} = \frac{3}{20\pi\epsilon_0} \frac{Q^2}{R}$$

Να υπολογιστεί η συνολική ηλεκτρική ενέργεια που είναι αποθηκευμένη σε αγώγιμη φορτισμένη σφαίρα με συνολικό φορτίο Q και ακτίνα R.



Θεωρώντας στοιχειώδη όγκο  $dv$  ένα σφαιρικό φλοιό με εσωτερική ακτίνα  $r$  και εξωτερική ακτίνα  $r+dr$  η ηλεκτρική ενέργεια αποθηκευμένη στον εξωτερικό χώρο της σφαίρας είναι

$$U = \int_R^r \frac{1}{2\epsilon_0} (E(r))^2 dv = \int_R^r \frac{1}{2\epsilon_0} \left( \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{r^2} \right)^2 4\pi r^2 dr = \frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0} \int_R^r \frac{dr}{r^2} = \frac{Q^2}{8\pi\epsilon_0} \left[ -\frac{1}{r} \right]_R^r = \frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{Q^2}{R}$$

Είναι η ενέργεια U που καταναλώνεται για να φορτιστεί η σφαίρα στο φορτίο Q αποκτώντας δυναμικό

$$U = \frac{1}{2} Q V(R) = \frac{1}{2} Q \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R} = \frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{Q^2}{R}$$

Αυτό το αποτέλεσμα επιβεβαιώνει πως η ενέργεια U που καταναλώνεται για να φορτιστεί η σφαίρα αποθηκεύεται σαν ενέργεια U του ηλεκτρικού πεδίου που δημιουργεί η φορτισμένη σφαίρα.

## Που υπάρχει η ενέργεια στα φορτία ή στο ηλεκτρικό πεδίο;

Η ενέργεια που χρειάστηκε για να υπερνικηθούν οι ηλεκτρικές απώσεις και να συναθροιστούν τα φορτία στην επιφάνεια της σφαίρας υπάρχει στα φορτία.

Όμως ενέργεια υπάρχει στο ηλεκτρικό πεδίο που δημιουργεί στο χώρο το ηλεκτρικό φορτίο της φορτισμένης σφαίρας.

Τότε γεννάται το ερώτημα που υπάρχει η ενέργεια στα φορτία ή στο ηλεκτρικό πεδίο;

παλλόμενη  
ηλεκτρικό δίπολο  
(ηλεκτρική  
κεραία)

+Q  
-Q

Διάδοση ηλεκτρικής ενέργειας παλλομένου ηλεκτρικού διπόλου

Χώρος όπου δεν έχει φθάσει το ηλεκτρομαγνητικό κύμα και έτσι ηλεκτρικό πεδίο και ηλεκτρική ενέργεια δεν υπάρχουν ενώ υπάρχουν φορτία στην κεραία.

παλλόμενη  
Ηλεκτρικό δίπολο  
(ηλεκτρική  
κεραία)

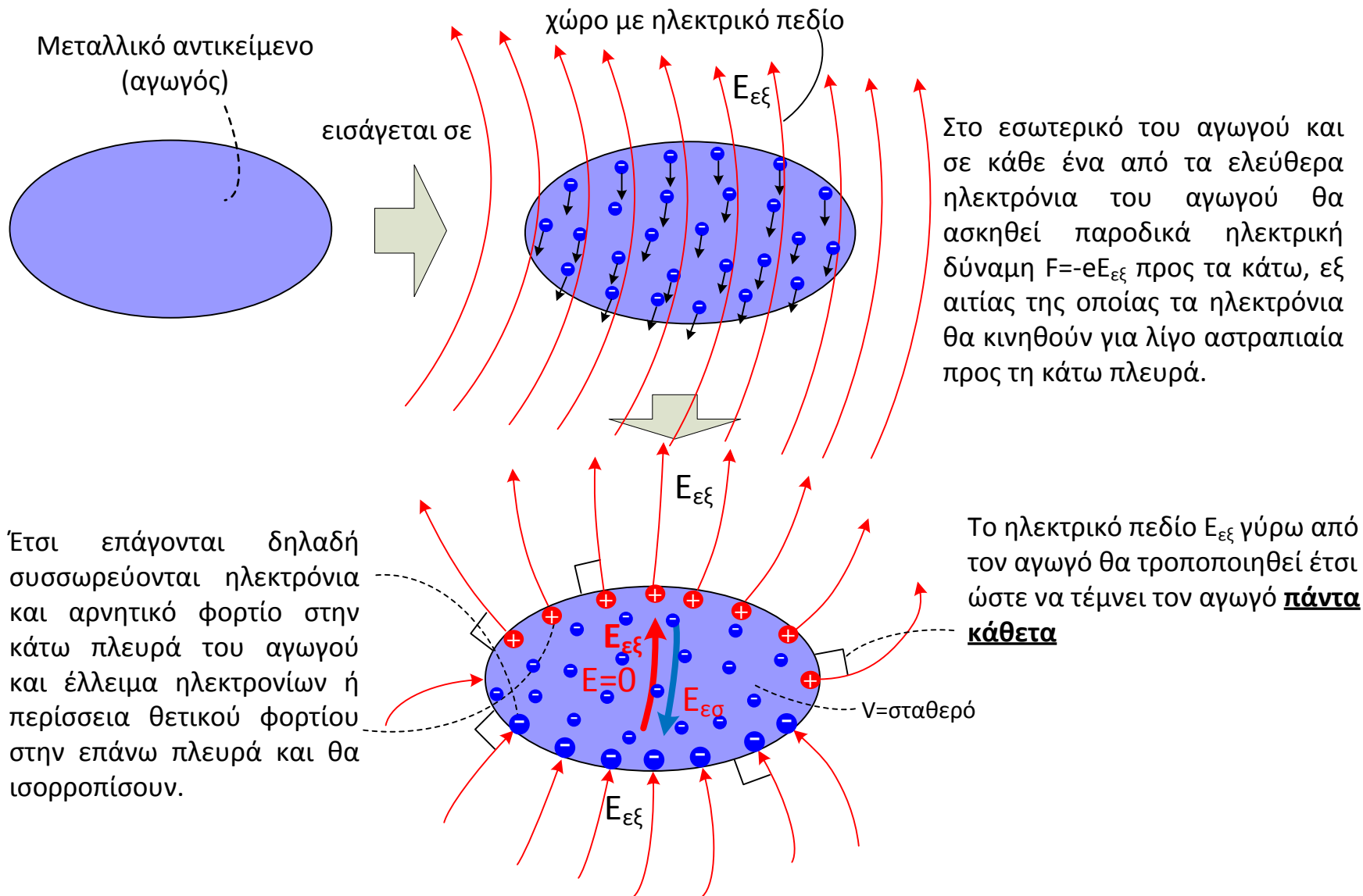
Ηλεκτρομαγνητική  
ακτινοβολία

Η κεραία έπαψε  
να εκπέμπει.

Χώρος όπου έχει ηλεκτρομαγνητικό κύμα και έτσι υπάρχει ηλεκτρικό πεδίο και ηλεκτρική ενέργεια, ενώ φορτία στην κεραία δεν υπάρχουν πιά.

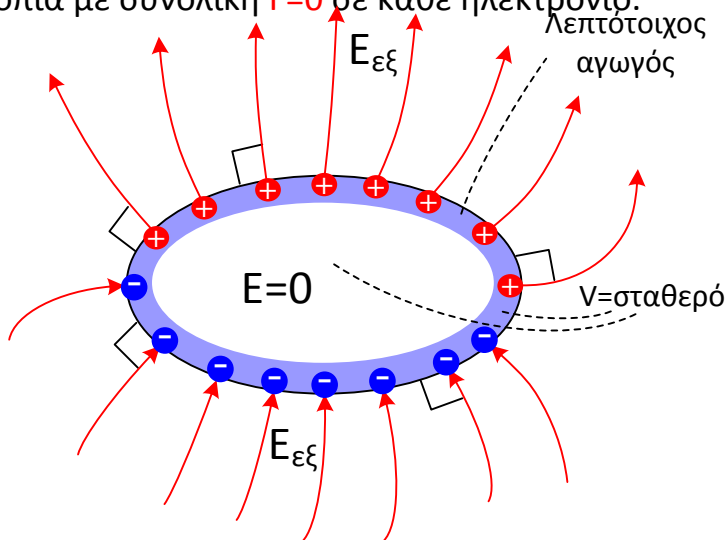
Άρα η ενέργεια περιέχεται στο ηλεκτρικό πεδίο

# Τι συμβαίνει αν εισάγω μεταλλικό αντικείμενο (αγωγός) μέσα σε χώρο με ηλεκτρικό πεδίο



Στο εσωτερικό του αγωγού το εξωτερικό πεδίο  $E_{εξ}$  θα εξισορροπείται από το εσωτερικό πεδίο  $E_{εσ}$  και το συνολικό ηλεκτρικό πεδίο σχεδόν αστραπιαία θα γίνει  $E = E_{εσ} + E_{εξ} = 0$  στο εσωτερικό του αγωγού και θα υπάρξει ισορροπία με συνολική  $F = 0$  σε κάθε ηλεκτρόνιο.

Τα ίδια ακριβώς θα συμβούν ακόμα και αν ακόμα ο αγωγός κούφιος με λεπτά τοιχώματα και με την επιφάνειά του να είναι κλειστή χωρίς κανένα άνοιγμα.



Φορτία θα επάγονται στην επιφάνεια του αγωγού τα οποία θα δημιουργούν πεδίο  $E_{εσ}$  αντίθετο από το εξουδετερώνουν το εξωτερικό πεδίο  $E_{εσ} = E_{εξ} = E$  και έτσι το ηλεκτρικό πεδίο στο τοίχωμα του αγωγού και στον κούφιο χώρο που περικλείει θα έχει ηλεκτρικό πεδίο  $E=0$ .

Κοιλότητα μέσα στον αγωγό

Θεωρώ τυχαίου σχήματος βρόχο που διέρχεται από τον αγωγό και την κοιλότητα.

Το επικαμπύλιο ολοκλήρωμα του ηλεκτρικού πεδίου  $E$  στο βρόχο είναι μηδέν, λόγω του συντηρητικού πεδίου.

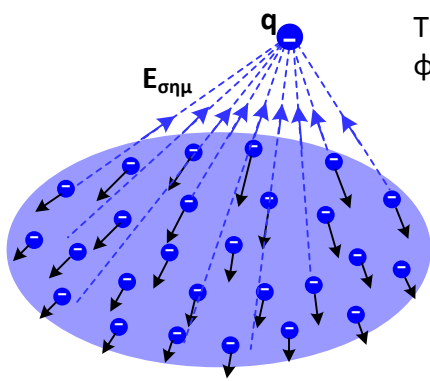
$$0 = \int_{\text{βρόχο}} E \, dL = \int_{\alpha\gamma} E_{\alpha\gamma} \, dL + \int_{\text{κοιλ}} E_{\text{κοιλ}} \, dL = 0 + \int_{\text{κοιλ}} E_{\text{κοιλ}} \, dL = 0$$

0, γιατί  $E_{\alpha\gamma} = 0$

Επομένως το ηλεκτρικό πεδίο και στο εσωτερικό της κοιλότητας είναι μηδενικό και επομένως το δυναμικό είναι σταθερό παντού μέσα στον αγωγό.

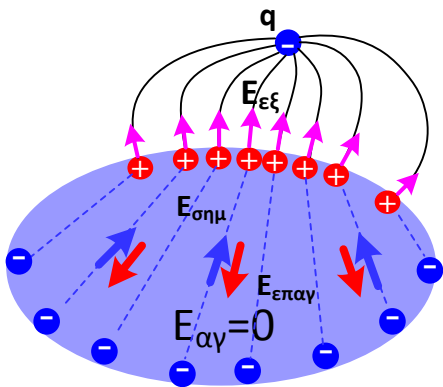
άρα  $\int_{\text{κοιλ}} E_{\text{κοιλ}} \, dL = 0 \rightarrow E_{\text{κοιλ}} = 0$

### Σημειακό φορτίο εκτός του αγωγού



Τοποθετώντας αρνητικό σημειακό φορτίο κοντά στον αγωγό...

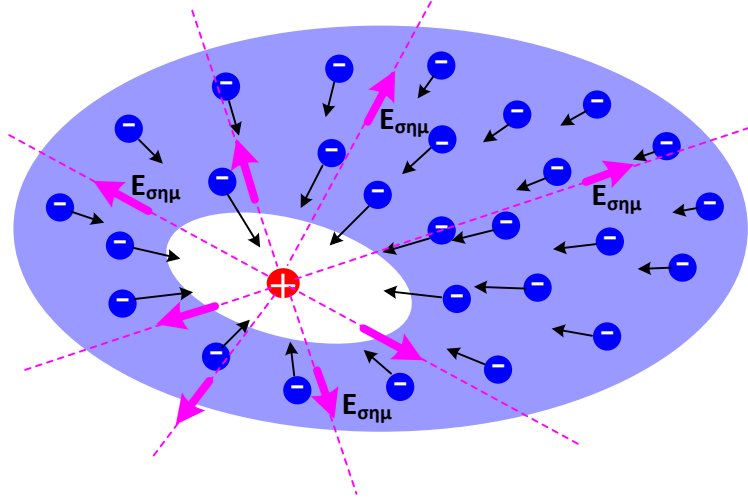
Στο εσωτερικό του αγωγού και σε κάθε ένα από τα ελεύθερα ηλεκτρόνια του αγωγού εξ αιτίας του ηλεκτρικού πεδίου  $E_{\text{σημ}}$  του σημειακού φορτίου θα ασκηθεί παροδικά ηλεκτρική δύναμη  $F = -eE_{\text{σημ}}$  προς τα κάτω και έτσι τα ηλεκτρόνια θα κινηθούν για λίγο αστραπιαία προς τη κάτω πλευρά.



Λόγω της άπωσης των ελευθέρων ηλεκτρονίων από το σημειακό φορτίο επάγονται ή συσσωρεύονται ηλεκτρόνια και αρνητικό φορτίο στην κάτω πλευρά του αγωγού και επάγεται έλλειμα ηλεκτρονίων ή περίσσεια θετικού φορτίου στην επάνω πλευρά.

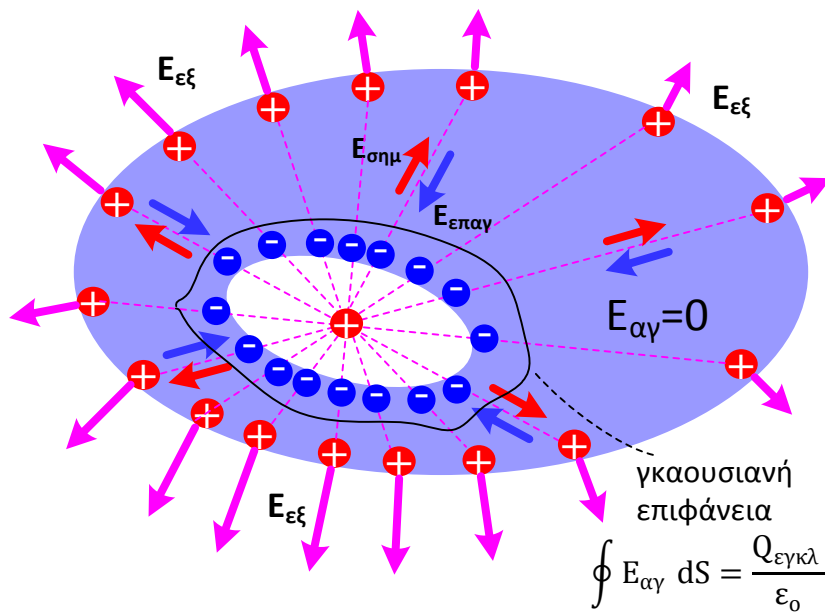
Τα επαγόμενα φορτία δημιουργούν ηλεκτρικό πεδίο  $E_{\text{επαγ}}$  αντίθετο από αυτό του σημειακού φορτίου  $E_{\text{επαγ}} = -E_{\text{σημ}}$  και έτσι το ηλεκτρικό πεδίο  $E_{\alpha\gamma}$  μέσα στον αγωγό θα είναι μηδέν.

### Σημειακό φορτίο εντός του αγωγού



Αν ο αγωγός έχει μια κοιλότητα τότε μπορούμε να τοποθετήσουμε ένα σημειακό φορτίο  $+Q$  μέσα στη κοιλότητα του αγωγού. Τότε θα συμβούν τα εξής.

Με το που τοποθετείται το σημειακό φορτίο στη κοιλότητα του αγωγού, τότε σε κάθε ένα από τα ελεύθερα ηλεκτρόνια του αγωγού εξ αιτίας του ηλεκτρικού πεδίου  $E_{σημ}$  του σημειακού φορτίου θα ασκηθεί παροδικά ελκτική ηλεκτρική δύναμη  $F=-eE_{σημ}$  προς το εσωτερικό τοίχωμα της κοιλότητας.



Λόγω της έλξης των ελευθέρων ηλεκτρονίων από το σημειακό φορτίο επάγονται ή συσσωρεύονται ηλεκτρόνια και αρνητικό φορτίο  $-Q$  στην εσωτερική επιφάνεια της κοιλότητας και επάγεται έλλειμα ηλεκτρονίων ή περίσσεια θετικού φορτίου  $+Q$  στην εξωτερική επιφάνεια του αγωγού.

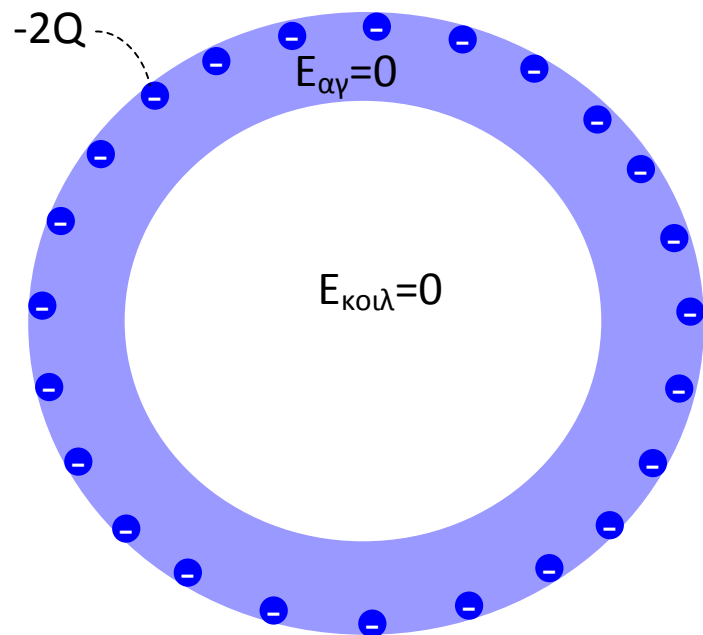
Το επαγόμενο φορτίο στην επιφάνεια της κοιλότητας είναι  $-q$  γιατί: Αν θεωρήσω μια γκαουσιανή επιφάνεια μέσα στο εσωτερικό του αγωγού που περικλείει τη κοιλότητα, τότε ο νόμος του Gauss γράφεται:

$$\oint E_{αγ} dS = \frac{Q_{εγκλ}}{\epsilon_0} = \frac{Q + Q_{επαγ}}{\epsilon_0} \quad \text{Επειδή στο εσωτερικό του αγωγού είναι } E_{αγ}=0, \text{ τότε: } \oint E_{αγ} dS = 0$$

Επομένως το εγκλισμένο συνολικό φορτίο μέσα στη γκαουσιανή επιφάνεια είναι:  $Q_{εγκλ} = Q + Q_{επαγ} = 0$  ή  $Q_{επαγ} = -Q$

Τα επαγόμενα φορτία στη επιφάνεια της κοιλότητας και στην εξωτερική επιφάνεια του αγωγού δημιουργούν το επαγόμενο ηλεκτρικό πεδίο  $E_{επαγ}$  το οποίο είναι αντίθετο από αυτό του σημειακού φορτίου  $E_{επαγ}=-E_{σημ}$  και έτσι το ηλεκτρικό πεδίο  $E_{αγ}$  μέσα στον αγωγό θα είναι μηδέν  $E_{αγ}=0$ .

Σφαιρικός φλοιός εξωτερικής ακτίνας  $R_{εξ}$  και εσωτερικής ακτίνας  $R_{εσ}$  είναι φορτισμένος σε φορτίο  $-2Q$ . Στο κέντρο του σφαιρικού φλοιού τοποθετούμε σημειακό φορτίο  $+Q$ . Να βρεθεί το ηλεκτρικό πεδίο στο εσωτερικό και στον εξωτερικό χώρο του σφαιρικού φλοιού.



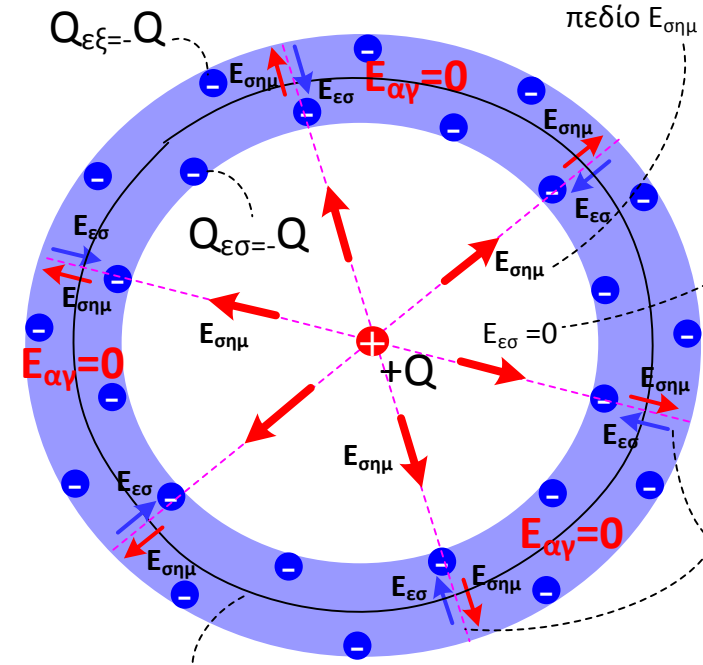


Στην κοιλότητα  $r < R_{εσ}$  μόνο το ηλεκτρικό πεδίο  $E_{σημ}$  από το σημειακό φορτίο υπάρχει.

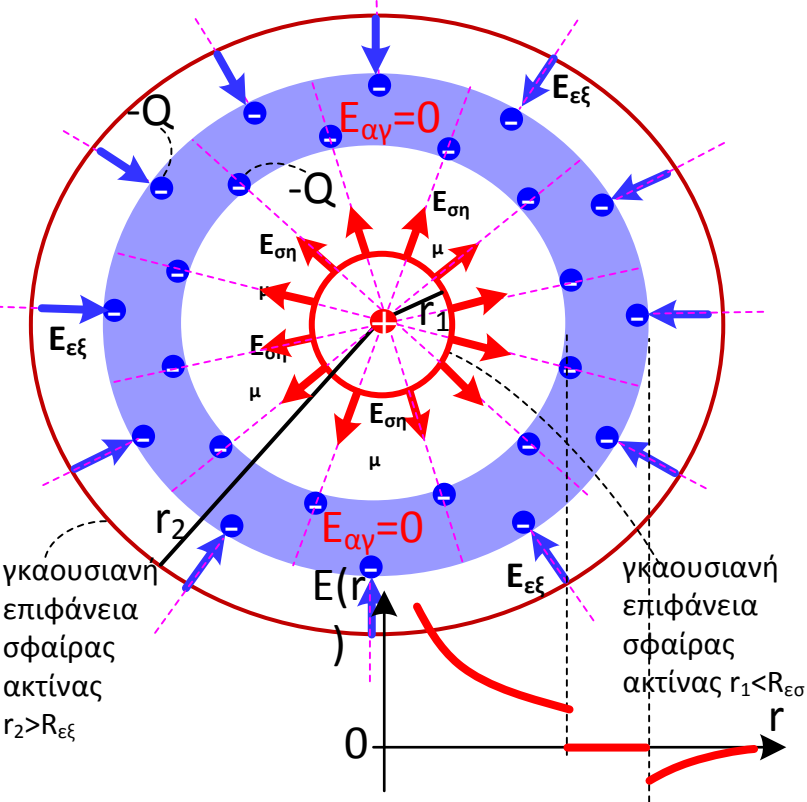
Το ηλεκτρικό πεδίο  $E_{εσ}$  από το φορτίο  $Q_{εσ}$  ομοιόμορφα διασκορπισμένο στην εσωτερική επιφάνεια της κοιλότητας είναι μηδέν  $E_{εσ}=0$  στην επιφάνεια της κοιλότητας και στο εσωτερικό για  $r \leq R_{εσ}$ .

Παρόμοια το ηλεκτρικό πεδίο  $E_{εξ}$  από το φορτίο  $Q_{εξ}$  ομοιόμορφα διασκορπισμένο στην εξωτερική επιφάνεια του φλοιού είναι μηδέν  $E_{εσ}=0$   $r < R_{εξ}$  μέσα στο φλοιό και στη κοιλότητα.

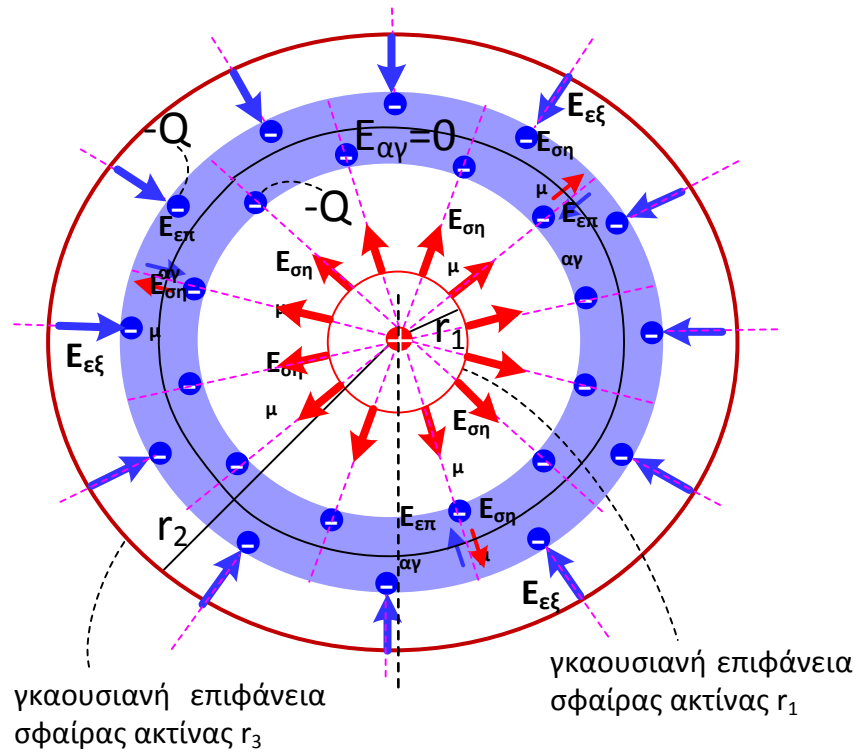
Στον χώρο του αγωγμού φλοιού το ηλεκτρικό πεδίο  $E_{σημ}$  από το σημειακό φορτίο αντισταθμίζεται από το ηλεκτρικό πεδίο  $E_{εσ}$  του δημιουργεί το φορτίο  $Q_{εσ}$  στην εσωτερική επιφάνεια της κοιλότητας δημιουργώντας μηδενικό συνολικό ηλεκτρικό πεδίο τον αγωγό  $E_{αγ}=0$  για να υπάρχει ισορροπία.



γκαουσιανή επιφάνεια μέσα στον αγωγμό φλοιού



Η γραφική παράσταση του ηλεκτρικού πεδίου μέσα και έξω από τον αγωγμό.



Τυχόν ηλεκτρικό πεδίο  $E$  μπορεί να διαπερνά τους μονωτές.

Τα παραπάνω συμβαίνουν στους μονωτές γιατί οι ελεύθερες οπές και ηλεκτρόνια είναι πάρα πού λίγα και επιπλέον πολύ δύσκολα μπορούν να κινηθούν ώστε να εξουδετερώσουν τυχόν περίσσεια ηλεκτρικού φορτίου ή να εξουδετερώσουν κάποιο εξωτερικό ηλεκτρικό πεδίο.

